

コンピュータ

第4章の演習問題

氏名 : 津波古正輝

学籍番号 : e075739A

提出期限 : 7月23日

所属 : 情報工学科

演習問題：

4.1 コンピュータのデータ表現に関する次の説明を読んで、設問中()に入れるべき適当な数値を解答群の中から選べ。なお、解答は重複して選んでもよい

[データ表現に関する説明]

- (1) データは全て 8 ビットで表現する。
- (2) 数値は 8 ビットの 2 進数で表現する。
- (3) 設問中、算術データとは、第 0 ビットを符号とする 2 進数とする。また論理データとは、8 ビットのビットパターンを符号なしの 2 進数と見なした者とする。シフト演算もこれに準ずる。
- (4) 論理右シフト演算を行った時、空いたビット位置には全て 0 が入るが、算術右シフトの場合は、符号ビットと同じものが入る。
- (5) 算術シフトでは、符号ビットは元のまま不変であるが、論理左シフトでは 8 ビット全てがシフトの対象となる。いずれの場合も空いたビット位置には 0 がはいる。
- (6) 図は 1 ビット算術右シフトを行った例であり、図 2 は 1 ビット算術左シフトを行った例である。

[設問 1]

このコンピュータでは、算術データでは(a)の範囲の値を、論理データは(b)の範囲の値を表現できる。

答え

a=エ b=ア

解説：

8ビットで表現するので、2の8乗=0~255(256個)表現できるのだが、1ビット、符号に使用するので、2の7乗=0~127(128個)の表現となる。これは、正の正数だけなので、負の整数も入れると、-127~0 もはいるので、-127~127 までの表現が可能。よって、-128 より大きく、128 より小さい値の表現ができる。

データ表現に関する説明で、算術データと論理データの定義がされているので、よって、答えは、a=エ、b=アとなる。

[設問 2]

10進数の-5を2進数で表現すると、(c)となる。これは、論理データと見なした場合、10進数で表現すると(d)である。

答え

c=ウ d=カ

解説：

正の正数『5』を2進数で表すと、00000101となる。負の正数『-5』を求める為には、5の補数を求めると良い。つまり、『00000101』のすべてのビットを反転させて、最後に最下位ビットに+1をすれば良い。よって、-5=111111011となる。また、11111011を10進数になおすと、 $128+64+32+16+8+2+1=251$ となる。よって、答えは c=ウ d=カとなる。

[設問 3]

10進数の-5を表現する2進数を左へ3ビットシフトした結果を2進数で表現すると、算術シフトでは(e)、論理シフトでは(f)となる。また、算術シフトでは、溢れがなければ(g)倍することに等しい。

答え

e=ア f=ア g=ウ

解説：

これはただ、左に三個分ずらせば良い。注意するのが、データ表現に関する説明でもあるように、『論理右シフト演算を行った時、空いたビット位置には全て0が入るが、算術右シフトの場合は、符号ビットと同じものが入る』ということをおつける。(この問題では、もともと1だったので大丈夫)。

そして、左に3個分シフトするということは、 $\times 8$ 倍するということだ。

例；0001 \rightarrow 1000(2進数)とすると、 $1\rightarrow 8$ (10進数)となる。

よって、答えは、e=ア f=ア g=ウとなる。

[設問4]

一般に正数データを左へ n ビットシフトすることは(h)倍にすることに等しく、右へ n ビットシフトすることは(i)倍することに等しい。ただし、右へ n ビットシフトした結果、あふれ出たビットの中に1が1つでもあると、その分は(j)となる。

h=ア i=カ j=ア

解説：

上の解説で述べた例を使うと、3個分ずらして $\times 8$ 倍なので、 $8=2$ の3乗というのがわかる。よって、 n 個分ずらす(シフト)することは、2の n 乗倍することと同じである。

また、左にシフトすることが、乗算ということは、右にシフトすることが、除算であることが予想でき、実験をしてみると、

実験(2個左にシフト)；1100 \rightarrow 0011(2進数)とすると12 \rightarrow 3(10進数)より、4で割られているのがり、上の予想が当たっているのが分かる。よって、答えは、h=ア i=カ j=ア

[a, bに関する解答群]

ア 0~255 イ 0~511 ウ 0~1023
エ -128~128 オ -256~255 カ -512~511

[c, e, fに関する解答群]

ア 11011000 イ 00001101 ウ 11111011 エ 01110011
オ 00000101 カ 10000101 キ 11111010

[d, g]

ア 2 イ 4 ウ 8 エ 16 オ 32
カ 251 キ 252 ク 253 ケ 254 コ 255

[h, iに関する解答群]

ア 2 の n 乗 イ 4 の n 乗 ウ 8 の n 乗 エ 16 の n 乗 オ 32 の n 乗
 カ 1/2 の n 乗 キ 1/4 の n 乗 ク 1/8 の n 乗 ケ 1/16 の n 乗 コ 1/32 の n 乗
 [j に関する解答群]

ア 切捨て イ 切上げ ウ 四捨五入 エ 不定

4.2 論理演算に関する設問に答えよ。

[設問]

入力変数 A, B に対する出力関数 F が次の真理値表に示すものであるとき、(1), (5) の各出力関数を得るに適する論理式 a~e、およびその名称 f~j を解答群の中から選べ。

なお、論理式中の ”, ” は論理積を、 ”+” は論理和を、 ”X” は X の否定を表すものとする。

入力変数	A	0011		
出力変数	B	0101	論理式	名称
(1)	F	0001	a	f
(2)	F	1000	b	g
(3)	F	1110	c	h
(4)	F	0110	d	i
(5)	F	1001	e	j

a=イ b=オ c=ア d=ウ e=エ f=イ g=エ h=ア i=オ j=ウ

解説：

まず、解答群の式の計算をして、見比べていく。

A の否定=1100

B の否定=1010

ア：0011 と 0101 の AND の否定=0001 の否定=1110

イ：0011 と 0101 の AND=0001

ウ：0011 と 1010 の AND+1100 と 0101 の AND=0010 と 0100 の OR=0110

エ：0011 と 0101 の AND+1100 と 1010 の AND=0001 と 1000 の OR=1001

オ：0011 と 0101 の OR の否定=0111 の否定=1000

あとは、これを見比べて言葉(論理式)を考えれば良い。論理名の判別は、A と B と F を見比べる。

[a~e に関する解答群]

ア $F=A \cdot B$ イ $F=A \cdot B$ ウ $F=A \cdot B+A \cdot B$
エ $F=A \cdot B+A \cdot B$ オ $A+B$

[f~j に関する解答群]

ア 否定論理式 (NAND 演算) イ 論理積 (AND 演算)
ウ 一致演算 (投下演算) エ 否定論理和 (NOR 演算)
オ 排他的論理和 (EOR 演算)

4.3 次の記述による前提を与えた時、その結論として正しいものを解答群の中から選べ。

- (a) 命題 A, B がある。A ならば B である。
(b) 集合 A, B, C がある。A は B を含み B は C を含まない。
(c) 論理値 AB があり、A は真、B は偽である。

a=エ b=ウ c=エ

解説：

(a) : A ならば B である。これは、例えると分かりやすい。A=『ケーキ』、B=『うまい』と例えよう。

『うまい』なら、『ケーキ』なのか？ 違う。野菜炒め、すき焼き等たくさんある。よって、アは違う。

『うまい』ならば『ケーキ』でないのか？ 違う。うまいケーキは世の中に沢山ある。よって、イは違う。

『うまくない』ならば『ケーキ』なのか？世の中には、うまくないものは沢山ある。よって、ケーキだけとは限らない。よって、ウは違う。

『うまくない』ならば、『ケーキでない』なのか？最初にうまくない、といている。上でも述べたように、うまくないものは沢山あり、ケーキでない可能性もある。よって、これが正解。

(b) : これは、図を書くと分かる。

よって、ウが正解

(c) : これは、真理値表を書くとわかる。

よって、正解はエ

[(a)に関する解答群]

ア BならばAである

イ BならばAでない

ウ BでなければAである

エ BでなければAでない

[(b)に関する解答群]

ア AはCを含む

イ AはCを含まない

ウ AはCを含むとも含まないとも決められない

[(c)に関する解答群]

ア AとBの論理和は偽である

イ AとBの論理積は真である

ウ Aの否定は真である

エ AとBの排他的論理和は真である

4.4 ビット演算に関する次の記述中の()に入れるべき適当な字句を、解答群の中から選べ。

8ビット(16進数で表示すると2けた)からなるコードXがアキュムレータにあるとする。次の(1)~(5)は、アキュムレータ上のXビットごとの論理演算をほどこして、他のコードを生成する処理である。

(1)Xの最上位ビット(1番左側のビット)を0とするには、(a)。他の7ビットは変化させないものとする。

(2)Xの最上位ビットを1とするには、(b)、他の7ビットは変化させないものとする。

(3)Xの下位4ビットを変化させず、上位4ビットをすべて0とするには、(c)。

(4)Xの上位4ビットを変化させず、下位4ビットをすべて1とするには(d)。

(5)Xの全てのビットを反転させるには、(e)。

a=ウ b=カ c=ア d=イ e=ケ

解説：

まずは、2進数になおしてみる。

0F=00001111

7F=01111111

80=10000000

FF=11111111

そして、例として、『00101010』を計算する。

ア=00001010 上位4ビットが0に変化。下位4ビットが変化なし。

イ=10101111 上位4ビットは変化なし。下位4ビットは1に変化。

ウ=00101010 変化なし

エ=01111111 最上位ビット以外のすべてのビットが1に変化。

オ=00000000 すべてのビットが0に変化。

カ=10101010 最上位ビットが1に変化。

キ=00101010 変化なし。

ク=11111111 すべてのビットが1に変化。

ケ=11010101

この実験より、a=ウまたはキ、b=カ、c=ア、d=イ、e=ケとなる。aは、違う数字で実験すると、ウということが分かる。

[解答群]

ア 16進数0FとANDをとる

イ 16進数0FとORをとる

ウ 16進数7FとANDをとる

エ 16進数7FとORをとる

オ 16進数80とANDをとる

カ 16進数80とORをとる

キ 16進数FFとANDをとる

ク 16進数FFとORをとる

ケ 16進数FFとEOR(Exclusive Or)をとる